

新冠疫情下武汉及周边地区何时复工？

数据驱动的网络模型分析

王霞¹，唐三一¹，陈勇²，冯晓梅³，肖燕妮^{4*}，徐宗本⁵

¹陕西师范大学数学与信息科学学院，西安 710062

²中国人民解放军疾病预防控制中心，北京 100000

³运城学院数学与信息技术学院，运城 044000

⁴西安交通大学数学与统计学院、数学与生命科学交叉中心，西安 710049

⁵西安交通大学数学与统计学院、大数据算法与分析技术国家工程实验室，西安 710049

摘要：

基于全国和湖北省疫情报告数据，百度人口迁徙与分布大数据，构建武汉及周边 15 个疫情严重城市的 COVID-19 传播复杂网络模型，重点分析武汉及周边地区复工的可能时间节点和复工对二次爆发风险的影响。首先基于各个城市的累计病例数估计了 1 月 23 日武汉的累计病例数，得到了不同时期湖北省 16 个主要城市控制再生数的估计值，揭示了早期的传播风险较大和目前的传播风险小（控制再生数的值小于 1）。基于去年同期的流动网络结构和流动量模拟整个网络模型，给出了 2 月 17 日，24 日和 3 月 2 日的复工对各个城市疫情的影响，主要结论显示在较强的防控措施和自我防护下 3 月 2 日复工将在一段时间内不会引起疫情的二次爆发。

关键词：新型冠状病毒肺炎，网络模型，控制再生数，疫情预测

一、 介绍

在庚子年春节前后爆发的 COVID-19 病毒肺炎疫情[1,2]由武汉首发并快速向全国蔓延，人民群众的正常生活、社会经济遭受重大影响，生命健康受到极大的威胁。现如今，举国上下众志成城，亿万军民戮力同心，全面打响了夺取疫情

防控的阻击战。这一过程中，数学模型在早期 COVID-19 疫情的预测、预警和风险分析中具有非常重要的作用。具体体现在利用少量和实时更新的数据，构建符合 COVID-19 传播和我国特有的防控策略的数学模型，发展包括数据处理、最小二乘法和 MCMC 方法，确定模型未知参数，最终实现：1) 确定传播风险指标（基本再生数）、达峰时间、峰值以及最终感染规模等在内的疫情技术指标；2) 评估包括封城、密切跟踪隔离、检测和检出等重大防控策略的有效性和时效性[3,4]。上述目标的实现能为疾病预防控制、决策部门提供重要的决策依据，服务于国家重大突发性传染性疾病预防，具有明确的理论和现实意义。

由于 COVID-19 在 2020 年春节前后爆发，武汉于 2019 年 1 月 23 日凌晨才开始实施封城策略，而全国其它地区限制人员流动的策略自 23 日以后才逐步实行。早期湖北省内的孝感市、黄冈市、荆州市、咸宁市等众多地区的疫情都以输入病例为主，省外比如北京市、陕西省的早期病例绝大比例也是输入病例。由此可见，在人们真正了解疫情之前，出现发热症状或潜伏期人员已经从武汉流出。通过近 20 天各地市的严格防控，全国的新报告病例数已呈现下降趋势。春节后的复工、复学也提上日程。传染病预防控制与决策部门高度关注的核心问题是：武汉及周边疫情严重的地区何时复工及复工的最佳时间是什么？早复工对疫情特别是武汉及周边主要城市疫情的影响是什么？

为了回答上述问题，为决策部门提供何时复工等重要决策依据，我们收集湖北省卫健委和国家卫健委官网上报道的全国以及湖北各地市的疫情数据，收集百度迁徙网站 (<http://qianxi.baidu.com>) 人口流动数据，以及春运期间武汉人口迁入和迁出趋势和流入到湖北其它地市的人口分布情况。基于文献[3-5]中的 COVID-19 疫情传播与控制模型框架，发展以武汉为中心的复杂网络模型，通过统计计算与参数估计确定网络模型未知参数，分析武汉及周边 15 个疫情严重地区复工的最佳时间，评估早复工对这些地区疫情发展特别是二次爆发风险的影响。主要结论显示 3 月 2 日复工再加上较强的防控措施将不会引起疫情的二次爆发，而早于这个时间二次爆发的风险较大。

二、 数据、模型与参数估计

主要数据：自 COVID-19 疫情爆发以来，湖北省卫健委和国家卫健委通报了疫情数据，包括每天新增病例数、累计报告病例数、累计治愈病例数、累计死亡病例数、疑似病例数等。我们主要收集了全国以及湖北各地市的数据[6,7]。

此外，为了考虑武汉市的输出病例对湖北其它地市疫情的影响，我们从百度迁徙网站 (<http://qianxi.baidu.com>) 收集了人口流动数据[8]，主要包括春运期间武汉迁入和迁出趋势以及迁入到湖北其他地市的人口分布情况（见图 1 和图 2）。为了确定疾病爆发初期易感者的人数，我们从百度百科网站收集了湖北各地市的人口数量（见表 1）[9]。

动力学模型：基于疾病的临床进展、流行病学状况以及政府采取的控制措施的情况，我们建立了一个 SEIR 仓室模型。考虑将自然传播过程的人群分为易感者类（S）、潜伏者类（E）、感染者类（有症状）（I）、感染者类（无症状）（A）、住院者类（H）和恢复者类（R）。由于密切跟踪隔离措施的实施，与感染者密切接触的人群分为隔离的易感者类（ S_q ）和潜伏者类（ E_q ）。通过感染者密切接触追踪，假设 q 比率的接触者被隔离，其中被隔离的个体若被感染，则该个体隔离在 E_q 仓室，否则隔离在 S_q 仓室。若比率为 $1 - q$ 的接触者在追踪中被遗漏，一旦被有效感染则移动到 E 仓室，否则仍然留在仓室 S 中。设每次接触时传播概率为 β ，接触数为 c 。被隔离的个体中，如果被感染（或未感染），则以 βcq （或 $(1 - \beta)cq$ ）的速率移动到仓室 E_q （或 S_q ）。若未被隔离且被感染，则以 $\beta c(1 - q)$ 的速率转移到仓室 E。感染者个体被确诊的速率为 δ_I ，并以 γ_H 的速率恢复到仓室 R。具体模型如下所示：

$$\begin{cases} S' = -(\beta c + cq(1 - \beta))S(I + \theta A + \nu E) + \lambda S_q \\ E' = \beta c(1 - q)S(I + \theta A + \nu E) - \sigma E \\ I' = \sigma \rho E - (\delta_I + \alpha + \gamma_I)I \\ A' = \sigma(1 - \rho)E - \gamma_A A \\ S_q' = (1 - \beta)cqS(I + \theta A + \nu E) - \lambda S_q \\ E_q' = \beta cqS(I + \theta A + \nu E) - \delta_q E_q \\ H' = \delta_I I + \delta_q E_q - (\alpha + \gamma_H)H \\ R' = \gamma_I I + \gamma_A A + \gamma_H H \end{cases} \quad (1)$$

参数定义见表 2。为了考虑武汉市感染者的流出对湖北其它地市疫情的影响，我们将上述 SEIR 模型进一步拓展为如下网络模型：

$$\left\{ \begin{array}{l} S_1' = -(\beta c + c q(1 - \beta))S_1(I_1 + \theta A_1 + \nu E_1) + \lambda S_{q1} - \sum_2^n m_i^S(t) \\ E_1' = \beta c(1 - q)S_1(I_1 + \theta A_1 + \nu E_1) - \sigma E_1 - \sum_2^n m_i^E(t) \\ I_1' = \sigma \rho E_1 - (\delta_I + \alpha + \gamma_I)I_1 - \sum_2^n m_i^I(t) \\ A_1' = \sigma(1 - \rho)E_1 - \gamma_A A_1 - \sum_2^n m_i^A(t) \\ S_{q1}' = (1 - \beta)cqS_1(I_1 + \theta A_1 + \nu E_1) - \lambda S_{q1} \\ E_{q1}' = \beta cqS_1(I_1 + \theta A_1 + \nu E_1) - \delta_q E_{q1} \\ H_1' = \delta_I I_1 + \delta_q E_{q1} - (\alpha + \gamma_H)H_1 \\ R_1' = \gamma_I I_1 + \gamma_A A_1 + \gamma_H H_1 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} S_i' = -(\beta c + c q(1 - \beta))S_i(I_i + \theta A_i + \nu E_i) + \lambda S_{qi} + m_i^S(t) \\ E_i' = \beta c(1 - q)S_i(I_i + \theta A_i + \nu E_i) - \sigma E_i + m_i^E(t) \\ I_i' = \sigma \rho E_i - (\delta_I + \alpha + \gamma_I)I_i + m_i^I(t) \\ A_i' = \sigma(1 - \rho)E_i - \gamma_A A_i + m_i^A(t) \\ S_{qi}' = (1 - \beta)cqS_i(I_i + \theta A_i + \nu E_i) - \lambda S_{qi} \\ E_{qi}' = \beta cqS_i(I_i + \theta A_i + \nu E_i) - \delta_q E_{qi} \\ H_i' = \delta_I I_i + \delta_q E_{qi} - (\alpha + \gamma_H)H_i \\ R_i' = \gamma_I I_i + \gamma_A A_i + \gamma_H H_i \\ i = 2, 3, \dots, n \end{array} \right. \quad (2)$$

其中下标 1 表示武汉，下标 ($i = 2, 3, \dots, n$) 分别表示孝感、黄冈、荆州、咸宁、鄂州、襄阳、黄石、荆门、随州、仙桃、宜昌、天门、恩施州、十堰和潜江，因此 $n = 16$ 。人口流动由 $m_i^j(t)$ 表示，其中 j 表示人的状态（易感的、潜伏的、感染的有症状或者是感染的没有症状）。由于 1 月 23 日前疫情主要发生在武汉，湖北其它地市没有报告病例数，因此 1 月 23 日前我们只考虑人口由武汉市迁入到其它城市，此时 $m_i^j(t)$ 表示人口由武汉流入第 i 个城市，并且取正值。由于武汉市在 1 月 23 日“封城”，因而假设 1 月 23 日后没有人口流动，此时 $m_i^j(t) = 0$ 。考虑复工复产时人口流动重新开始，并且春节前从武汉流出的人返回工作岗位或学校是从各地市重新流回武汉，此时 $m_i^j(t)$ 表示从第 i 个城市流入武汉，取负值。这里我们假设春节前大约有五百万人流出武汉，其中百分之七十流入到湖北其他地市，由此再根据百度迁徙中的人口流动趋势和分布来计算分段函数矩阵 $M(t) = \{m_i^j(t)\}$ 的值，这里的矩阵 $M(t)$ 表示人口流动的邻接矩阵。

参数估计：根据模型（1）用再生矩阵的方法我们可以计算控制措施实施过程中的控制再生数，如下：

$$R_c = \left[\frac{\beta c \rho (1-q)}{\delta_I + \alpha + \gamma_I} + \frac{\beta c (1-\rho) q \theta}{\gamma_A} + \frac{\beta c v (1-q)}{\sigma} \right] S^0$$

其中 S^0 表示易感者的初值。考虑到由于前期人们对这种新型病毒的认识不足，再加上医疗资源紧张，导致前期武汉的报告病例数相对较低，而其他城市疫情爆发比武汉晚，报告病例数据相比武汉较为准确，因此我们基于除武汉外的其它城市的累积病例数，采用最小二乘法来估计系统参数。由于大部分地区的报告病例数是从 1 月 23 日开始，并且前三天的数据不太准确，我们采用从 1 月 26 日至 2 月 9 日的数据进行参数估计。我们将数据分为三个阶段以期评估我国逐步强的控制措施的影响，第一阶段（T1）为 1 月 26 日至 1 月 30 日，第二阶段（T2）为 1 月 31 日至 2 月 4 日，第三阶段（T3）为 2 月 5 日至 2 月 9 日。首先我们用第一阶段的数据估计模型（2）的所有参数。为了考虑各地不断加强的控制措施对疫情的影响，而控制措施的影响主要体现在接触数 c 和隔离率 q ，因此我们假设各城市间的参数 c 和 q 的取值不同。固定其它参数，分别利用这三段数据重新估计每个城市的参数 c 和 q 。模拟的起始时间为 1 月 10 日，武汉的模型初值见表 2，其它地区易感者的初值假设为当地总人口数，其余初值为 0（见表 3）。具体参数估计值和三个时间段期间的控制再生数的估计值见表 2 和表 3。

三、 主要结果

在新型冠状病毒（COVID-19）疫情初期，由于研制核酸测试剂盒、检出和确诊等都需要时间，报告病例数明显低于实际的病例数。而且早期全国其它地区的病例主要来自武汉。因此，从其它城市的病例数来估计武汉市的实际病例数至关重要，根据网络模型拟合我们得到 1 月 23 日武汉市累计病例数的估计值为 2214 例，几乎是我国 23 日累计报告病例数（830 例）的 3 倍，这说明在武汉封城时疫情就比较严重。

根据估计的参数值，我们得到了湖北省 16 个城市早期（第一阶段）的控制再生数（见表 3），从表中可知武汉市早期的控制再生数为 3.66，其它城市的控制再生数均小于武汉。这里估计武汉的再生数较小[3]，一方面由于有一部分病例已经流入全国的其它城市，另一方面核酸测试剂盒并没有检出很多病例[13]。

早期控制再生数居前五位的城市（武汉除外）是荆门、十堰、随州、襄阳、宜昌。为了研究不断增强的防控措施对新发感染的影响，我们还估计了第二、三阶段的控制再生数。结果表明多数城市的控制再生数明显下降，特别是目前各个城市的控制再生数均小于 1，表明目前新发感染非常低，疫情在各地得到有效控制。

为了研究复工对湖北省境内各个城市疫情的影响，我们基于湖北省境内各个城市去年同期的流动网络结构和流量模拟复杂网络模型 (2)，而且分别考虑了不同的复工时间以及控制强度的影响（分别取 c_1, q_1 和 c_2, q_2 ）。湖北省境内各个城市去年正月初四至正月二十五的人口流动情况如图 1, 2 所示。模拟时只考虑各城市人口迁入武汉，不考虑迁出，假设迁入武汉总人口等于年前迁出武汉总人口。假设复工时间为 2 月 17 日，人口流动则从 2 月 14 日开始持续至 3 月 3 日（对应去年正月初四至正月二十五的流动趋势）。图形 4-6 分别给出了 2 月 17 日，24 日和 3 月 2 日的复工对各个城市疫情的影响，从图 4, 5 可以看出，除了黄冈和天门之外，复工会使其他城市的病例数有明显增加，对疫情不利，从图 6 可以看出，较晚时间的复工对约 10 天后影响较大，多数城市的疫情会在 20 天内再次爆发。但是若复工时再加强防控措施（基于中期的参数），从图形 7 可以看出 3 月 2 日的复工在较长的时间内除了个别城市如荆州、孝感、黄石病例数略有上浮外，不会引起其它各个城市疫情的二次爆发。

四、 总结和何时复工建议

春节后的 COVID-19 病毒肺炎疫情在全国各地围堵缓疫防控措施下，疫情的蔓延趋势得到有效控制。但随之而来的严峻问题是：在保证因为人员流动导致二次爆发的风险较低的情况下，返乡人员特别是武汉城区流入到周边疫情较严重区域的人员何时能够返回原地复工？因此，本文基于国家和湖北省卫健委报告的相关疫情数据，根据百度迁徙网站上一年度人口流动趋势与分布大数据，得到武汉春节前后人员流入和流出的趋势。然后通过构建武汉及周边 15 个疫情严重城市的 COVID-19 传播复杂网络模型。

由于武汉周边疫情严重城市自 1 月 26 日开始才相继加强措施并报告完整的疫情数据，因此为了评估不断加强的防控措施的有效性，我们分阶段给出了 16 个城市的控制再生数。结论显示第一个阶段所有地区控制再生数均大于 1，这意味着传播风险高；第二个阶段有 9 个城市小于 1，控制初步见效；第三个阶段的控制再生数均小于 1（见表 3），则新发感染率全面降低。然后分别在时间节点 2

月 17 日, 2 月 24 日和 3 月 2 日变化网络节点中的关键参数 (接触数 c 和隔离率 q 变为 23 日封城之前的估计值), 并依据百度迁徙给出的春节返程流入武汉的趋势增加流入率, 评估复工导致二次爆发的风险。主要结论显示湖北地区的复工不能早于 3 月 2 日, 否则疫情可能二次爆发。若 3 月 2 日复工并有较强的防控措施, 湖北各个城市的疫情在较长时间内将不会二次爆发。

致谢

本研究得到国家自然科学基金 (11631012, 61772017, 11601301) 的资助, 特别感谢研究生杨洁和赵吴琼在研究期间收集数据所付出的努力。

参考文献:

1. World Health Organization (WHO). Coronavirus. Available online: <https://www.who.int/health-topics/coronavirus> (accessed on 23 January 2020).
2. World Health Organization (WHO). Situation Report. Available online: <https://www.who.int/docs/default-source/coronaviruse/situation-reports/20200123-sitrep-3-2019-ncov.pdf> (accessed on 23 January 2020).
3. Tang B., Wang X., Li Q., Bragazzi N., Tang S., Xiao Y., Wu J., Estimation of the Transmission Risk of the 2019-nCov and Its Implication for Public Health Intervention, *J. Clin. Med.* 2020, 9, 462; doi:10.3390/jcm9020462
4. Tang B., Bragazzi N., Li Q., Tang S., Xiao Y., Wu J., An updated estimation of the risk of transmission of the novel coronavirus (2019-nCov), *Infectious disease modelling*, <https://doi.org/10.1016/j.idm.2020.02.001>
5. Xiao, Y.; Tang, S.; Wu, J. Media impact switching surface during an infectious disease outbreak. *Sci. Rep.* 2015, 5, 7838.
6. Health Commission of Hubei Province. Available online: <http://wjw.hubei.gov.cn/bmdt/ztl/fkxgzbdgrfyyq/> (accessed on 23 January 2020).
7. National Health Commission of the People's Republic of China. Available online: http://www.nhc.gov.cn/xcs/xxgzbd/gzbd_index.shtml (accessed on 23 January 2020).
8. Website of Baidu migration. Available at <http://qianxi.baidu.com>.
9. Website of Baidu Wikipedia. Available at <https://baike.baidu.com>.
10. World Health Organization (WHO). [https://www.who.int/news-room/detail/23-01-2020-statement-on-the-meeting-of-the-international-health-regulations-\(2005\)-emergency-committee-regarding-the-outbreak-of-novel-coronavirus-\(2019-ncov\)](https://www.who.int/news-room/detail/23-01-2020-statement-on-the-meeting-of-the-international-health-regulations-(2005)-emergency-committee-regarding-the-outbreak-of-novel-coronavirus-(2019-ncov)) [Accessed 23 Jan 2020]
11. Health Commission of Hubei Province. Available at <http://wjw.hubei.gov.cn/bmdt/ztl/fkxgzbdgrfyyq/> [Accessed 23 Jan 2020]

12. National Health Commission of the People's Republic of China. http://www.nhc.gov.cn/xcs/xxgzbd/gzbd_index.shtml [Accessed 23 Jan 2020]
13. National Health Commission of the People's Republic of China. Available online: http://www.nhc.gov.cn/xcs/xxgzbd/gzbd_index.shtml (accessed on 14 February 2020).

表格

表 1: 各城市总人口数

武汉	孝感	黄冈	荆州	咸宁	鄂州	襄阳	黄石
11081000	5300000	7500000	6410000	2535100	1076900	6050000	2689300
$S_1(0)$	$S_2(0)$	$S_3(0)$	$S_4(0)$	$S_5(0)$	$S_6(0)$	$S_7(0)$	$S_8(0)$
荆门	随州	仙桃	宜昌	天门	恩施	十堰	潜江
3000000	2216700	1563500	4169200	1609200	4026100	3406000	962000
$S_9(0)$	$S_{10}(0)$	$S_{11}(0)$	$S_{12}(0)$	$S_{13}(0)$	$S_{14}(0)$	$S_{15}(0)$	$S_{16}(0)$

表 2: 参数定义和估计值

参数	定义	参数值	来源
c	接触率	13.0046	estimated
β	每次接触传播的概率	2.0389×10^{-9}	estimated
q	隔离率	1.8887×10^{-7}	estimated
σ	潜伏者到感染者的转移率	1/5	[10]
λ	隔离的未受感染接触者释放回社区的速率	1/14	[11,12]
ρ	感染者有症状的概率	0.6834	estimated
δ_I	有症状的感染者被隔离的速率	0.1328	estimated
δ_q	隔离的潜伏者变为隔离的感染者的速率	0.1259	estimated
γ_I	有症状的感染者的恢复率	0.1029	estimated
γ_A	无症状感染者的恢复率	0.2978	estimated
γ_H	隔离的感染者的恢复率	0.1024	estimated
α	因病死亡率	0.0009	estimated
θ	无症状感染者接触率调节因子	1.6003	estimated
v	潜伏者接触率调节因子	1.5008	estimated
初值	定义	参数值	来源
$S_1(0)$	易感者的初值	11081000	[10]
$E_1(0)$	潜伏者的初值	600.0110	estimated
$I_1(0)$	有症状感染者的初值	409.9978	estimated
$A_1(0)$	无症状感染者的初值	30.0278	estimated
$S_{q1}(0)$	隔离的易感者的初值	739	data
$E_{q1}(0)$	隔离的潜伏者的初值	20	estimated

$H_1(0)$	隔离的感染者的初值	41	data
$R_1(0)$	恢复者的初值	2	data

表 3: 各城市参数 c 和 q 的估计值以及再生数 (其中下标 1,2,3 分别表示三个时间段)

城市	武汉	孝感	黄冈	荆州	咸宁	鄂州	襄阳	黄石
c_1	13.40	15.56	12.36	12.14	32.65	70.00	18.63	34.01
q_1	1.89×10^7	1.09×10^9	1.05×10^9	1.27×10^9	7.86×10^7	1.09×10^{10}	9.73×10^8	1.33×10^9
c_2	4.48	13.50	2.00	33.35	5.01	66.55	0.10	30.02
q_2	4.13×10^6	1.09×10^6	2.46×10^6	1.00×10^5	4.70×10^6	2.12×10^9	1.00×10^5	6.07×10^6
c_3	4.48	1.03×10^4	4.46	1.60	0.01	32.99	0.01	1.00×10^{-5}
q_3	4.13×10^6	1.00×10^{-3}	1.00×10^{-3}	1.01×10^{-3}	1.03×10^{-3}	1.00×10^{-4}	1.01×10^{-3}	2.01×10^{-3}
R_{c1}	3.66	2.03	2.28	1.92	2.04	1.86	2.78	2.26
R_{c2}	0.41	1.91	0.39	5.44	0.28	1.98	0.01	2.08
R_{c3}	0.09	9.49×10^{-6}	0.77	0.02	5.00×10^{-4}	0.98	1.50×10^{-3}	1.65×10^{-7}
城市	荆门	随州	仙桃	宜昌	天门	恩施州	十堰	潜江
c_1	42.77	50.98	37.93	26.91	47.99	21.89	35.94	60.01
q_1	2.75×10^6	1.04×10^{-9}	2.11×10^{-9}	7.07×10^{-8}	1.58×10^{-6}	2.77×10^{-6}	1.76×10^{-6}	9.49×10^{-7}
c_2	1.01	8.00	70.99	1.00	47.99	1.00	1.00	50.02
q_2	1.00×10^5	1.27×10^6	1.88×10^9	1.00×10^5	6.78×10^6	1.02×10^{46}	1.00×10^5	1.52×10^9
c_3	1.01	0.10	24.38	0.03	47.98	0.01	0.01	2.00
q_3	9.64×10^{-4}	9.99×10^{-4}	1.00×10^{-3}	9.86×10^{-4}	1.00×10^{-3}	1.05×10^{-3}	9.68×10^{-4}	1.52×10^{-9}
R_{c1}	3.16	2.79	1.46	2.77	1.90	2.17	3.01	1.42
R_{c2}	0.03	0.46	2.90	0.10	1.67	0.09	0.06	1.17
R_{c3}	0.04	5.00×10^{-3}	0.99	2.8×10^{-3}	0.83	7.57×10^{-4}	6.33×10^{-4}	0.05

图形

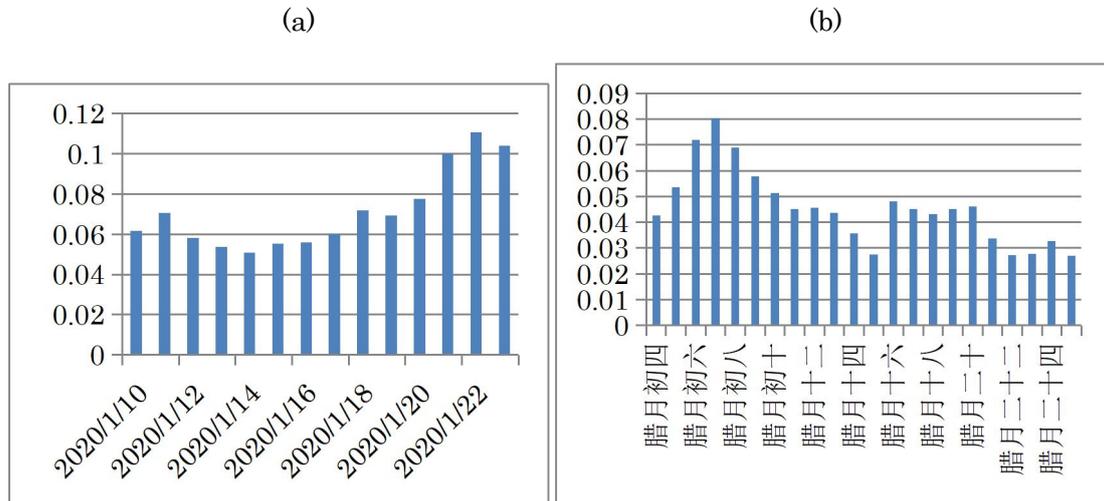


图 1: (a) 今年春节前武汉的人口迁出时间分布, (b) 2019 年春节后武汉的人口迁入时间分布。

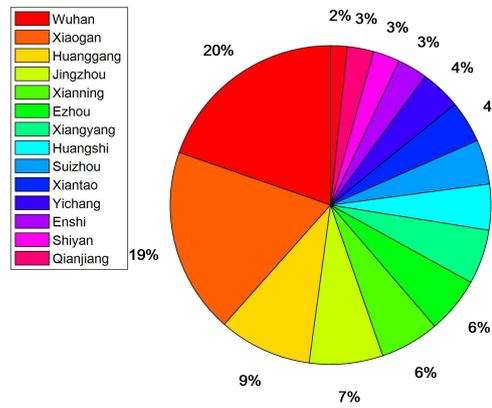


图 2: 1 月 10 日至 23 日武汉迁出人口目的地平均分布。

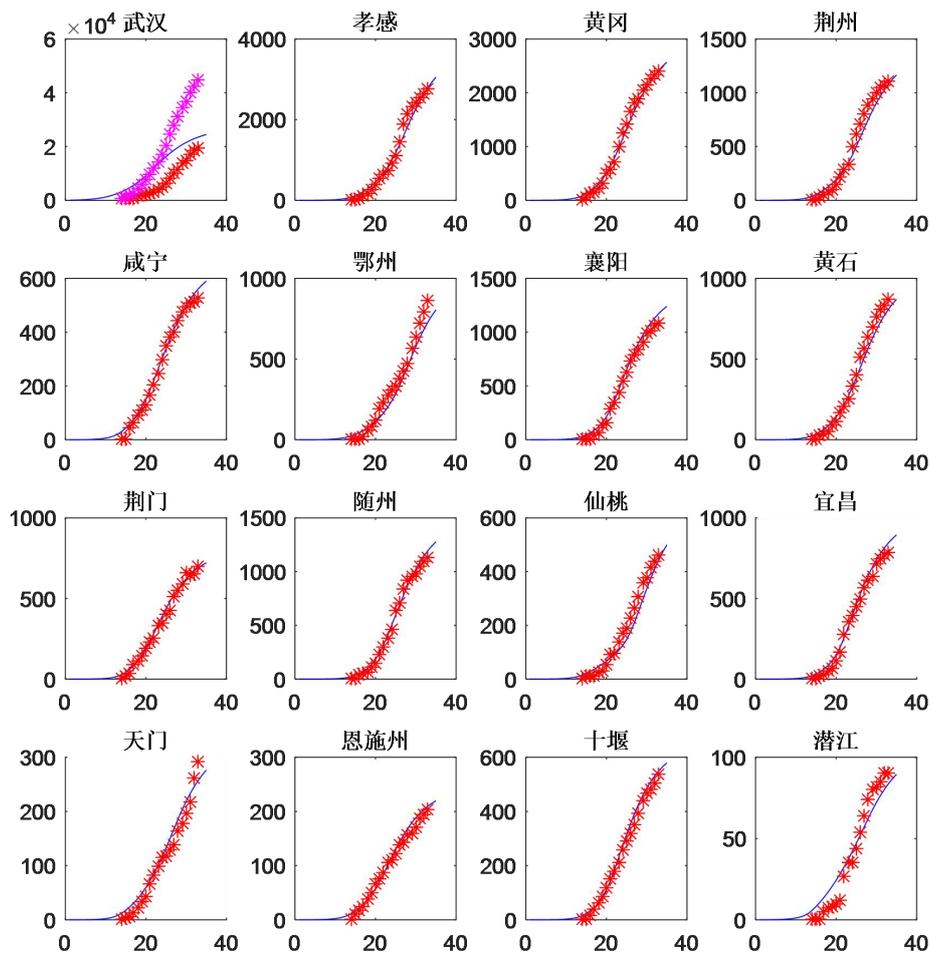
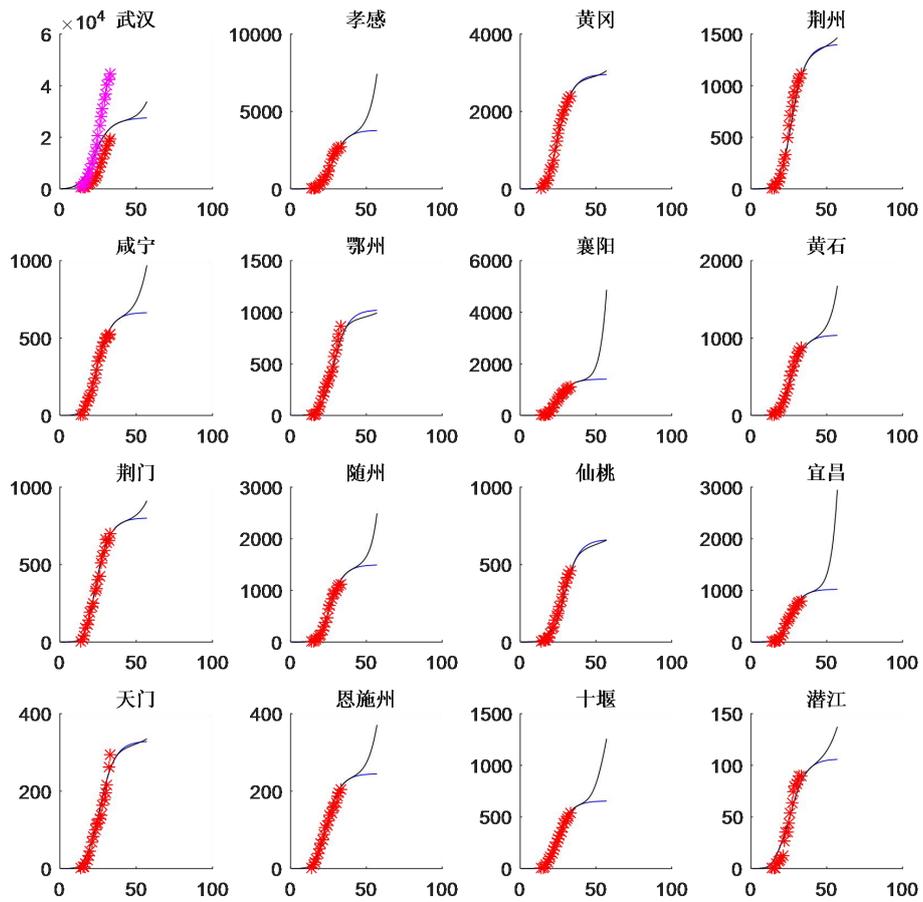


图 3: 模型拟合的结果。蓝线是模拟结果, 红星号是各个城市的累计数据, 紫色星号是全国累计数据。



图形 4: 复工对各个城市疫情的影响。蓝线表示没有复工的模拟结果, 黑线表示在 2 月 17 日复工的模拟结果, 红星号是各个城市的累计数据, 紫色星号是全国累计数据, 参数选取早期 (c_1, q_1) 的参数值。

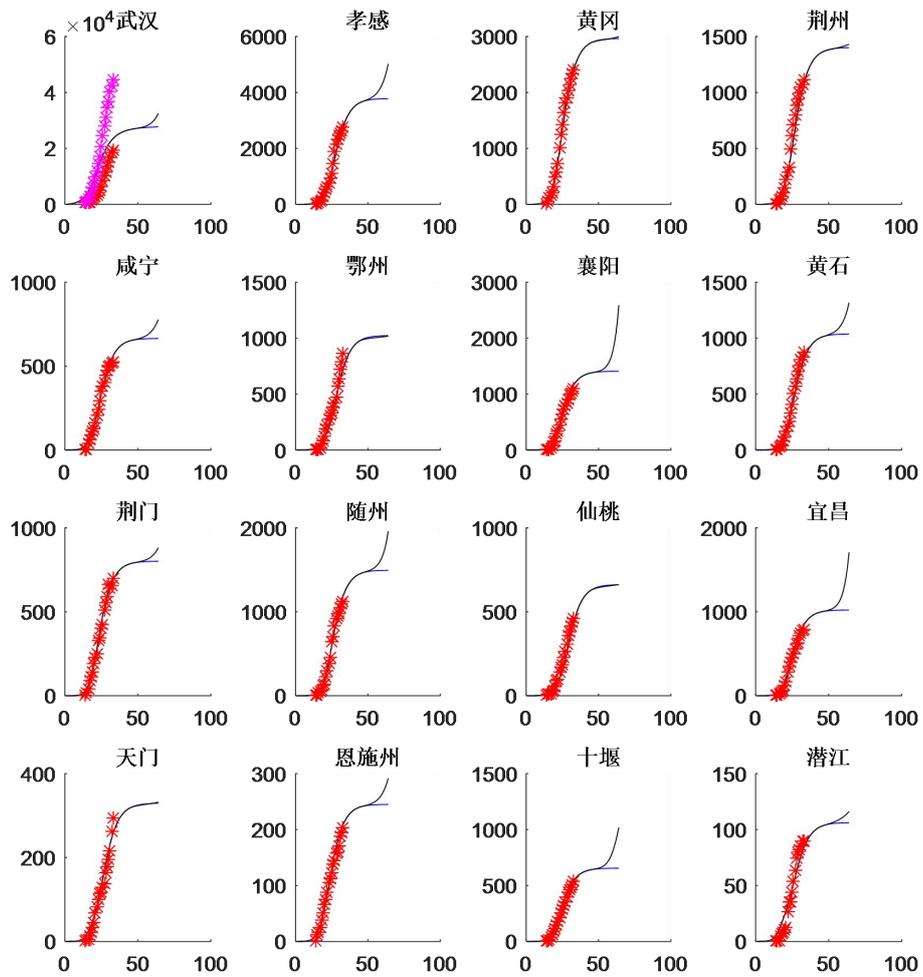


图 5: 复工对各个城市疫情的影响。蓝线表示没有复工的模拟结果, 黑线表示在 2 月 24 日复工的模拟结果, 红星号是各个城市的累计数据, 紫色星号是全国累计数据, 参数选取早期 (c_1, q_1) 的参数值。

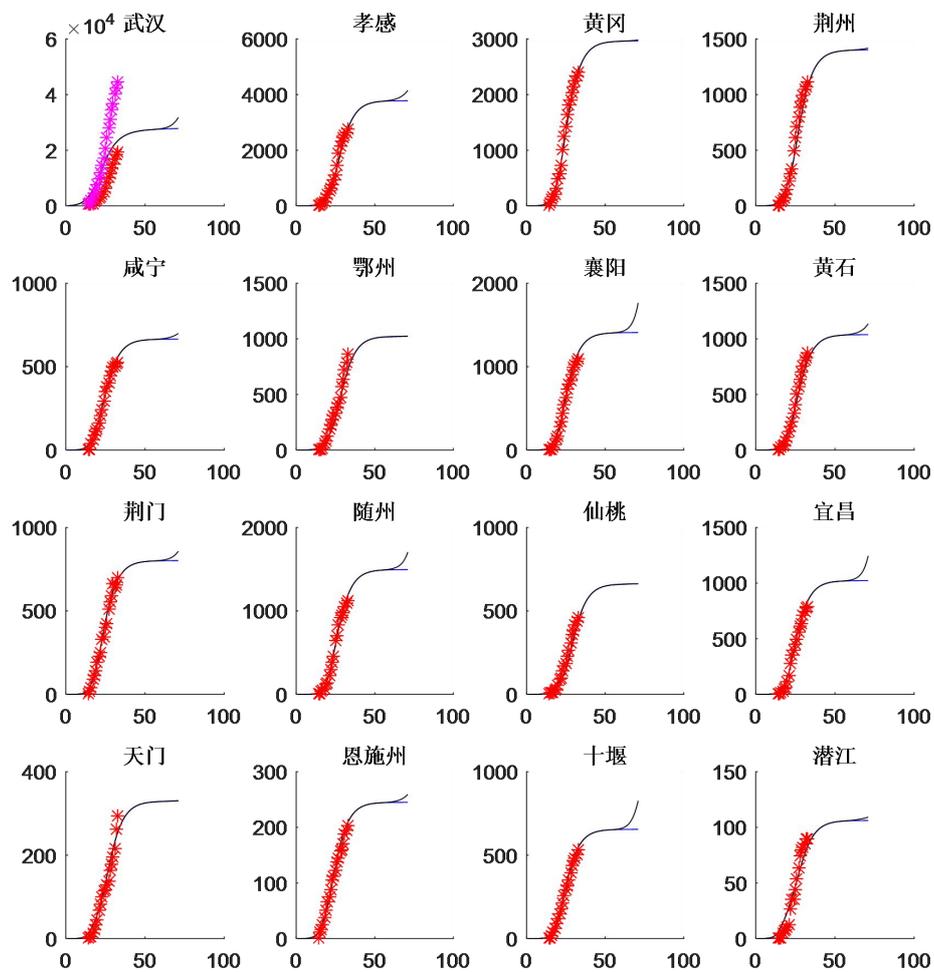


图 6: 复工对各个城市疫情的影响。蓝线表示没有复工的模拟结果, 黑线表示在 3 月 2 日复工的模拟结果, 红星号是各个城市的累计数据, 紫色星号是全国累计数据, 参数选取早期 (c_1, q_1) 的参数值。

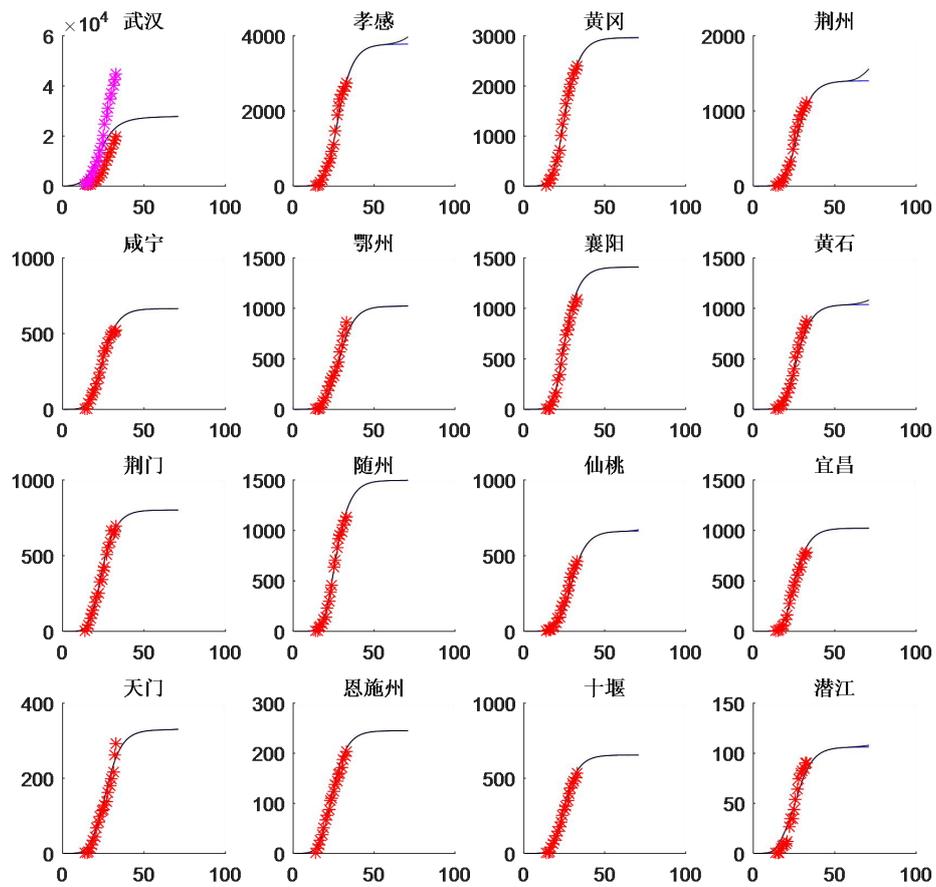


图 7: 复工对各个城市疫情的影响。蓝线表示没有复工的模拟结果, 黑线表示在 3 月 2 日复工的模拟结果, 红星号是各个城市的累计数据, 紫色星号是全国累计数据, 参数选取中期 (c_2, q_2) 的参数值。